

# Παραδοσιακές και σύγχρονες μέθοδοι για τη λύση του προβλήματος της ταύτισης θραυσμάτων

**Αθανάσιος Βέλιος**  
Συντηρητής αρχαιοτήτων  
και έργων τέχνης

**Alan Cummings**  
Συντηρητής αρχαιοτήτων  
και έργων τέχνης

**John Harrison**  
Γεωλόγος-Μηχανικός

Όταν χρησιμοποιούμε τον όρο «ταύτιση θραυσμάτων» εννοούμε την εύρεση της αρχικής θέσης ενός θραύσματος σε σχέση με το αντικείμενο ή το κτίριο στο οποίο ανήκει, καθώς και την επιλογή των γειτονικών του θραυσμάτων προκειμένου να συγκολληθούν.

Σε πολλές περιπτώσεις το πρόβλημα της ταύτισης είναι δύσκολο να αντιμετωπιστεί. Μικρά, ελαφρά αντικείμενα σπασμένα σε λίγα κομμάτια ταυτίζονται γρήγορα, καθώς αρκούν συνήθως λίγες δοκιμές για τον εντοπισμό της θέσης του κάθε κομματιού σε σχέση με τα υπόλοιπα. Ωστόσο, όταν πρόκειται για περιπτώσεις ογκωδών και βαριών αντικειμένων που είναι σπασμένα σε πολλά κομμάτια, οι απλές δοκιμές για τη συγκόλλησή τους δεν λύνουν το πρόβλημα. Η μετακίνηση των θραυσμάτων είναι δύσκολο να γίνει, εξαιτίας του μεγάλου βάρους τους, ενώ ο μεγάλος αριθμός θραυσμάτων απαιτεί πολλές δοκιμές ταύτισης και επομένων είναι χρονοβόρα διαδικασία.

**Η** συνχρότητα εμφάνισης του προβλήματος της ταύτισης είναι υψηλή. Οι περισσότερες συντηρητικές ανασκαφικές αντικειμένων το έχουν συναντήσει. Επίσης, βασικές αναστηλωτικές εργασίες περιλαμβάνουν συχνά πολλές ταύτισεις.

Λόγω της σοβαρότητας του συχνού αλλά και δυσπιλίου προβλήματος της ταύτισης, πολλοί ερευνητές έχουν ασχοληθεί στα παρελθόν με τη συστηματική προσεγγίση του. Οι περισσότεροι από τα μερικά χαρακτηριστικά ερευνών παρουσιάζονται παρακάτω, ωστόσο προηγείται η περιγραφή της παραδοσιακής μεθοδολογίας για την ταύτιση.

## Παραδοσιακές μέθοδοι για τη λύση του προβλήματος της ταύτισης

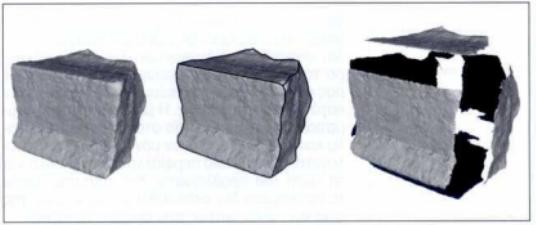
Η λύση του προβλήματος της ταύτισης γίνεται σε τρία στάδια: καταγραφή των θραυσμάτων, επεξεργασία του καταγεγραμμένου υλικού και δοκιμή των προτεινόμενων λύσεων.

Η καταγραφή των θραυσμάτων στην παραδοσιακή μεθοδολογία γίνεται με φωτογραφίες και σχεδιαστικές αποτυπώσεις. Στις περιπτώσεις που τα θραύσματα είναι μικρά σε μέγεθος (θραύσματα κεραμικών αγγειών), η καταγραφή περιορίζεται στην παρατήρηση και την απομνημονεύση του σχήματος του θραύσματος από τον συντηρητή. Ωστόσο, οι μεθόδοι καταγραφής που

αναφέρθηκαν αποδίδουν μέρος των στοιχείων του αντικείμενου και αυτό γιατί η απλή φωτογράφηση δίνει στοιχεία σε δύο μόνο διαστάσεις (ενώ τα αντικείμενα είναι τρισδιάστατα) και ο αριθμός των μετρήσεων των διαστάσεων των θραυσμάτων είναι περιορισμένος σε μερικές δεκάδες μετρήσεις (που δεν είναι πάντα αρκετές). Επίσης, οι μετρήσεις που γίνονται κατά την καταγραφή εξαρτώνται από τον σχεδιαστή που κάνει την αποτύπωση και από το θεωρεί σημαντικό χαρακτηριστικό του θραύσματος, δηλαδή οι αποτυπώσεις είναι υποκειμενικές.

Η επεξεργασία του καταγεγραμμένου υλικού έχει γίνει παραδοσιακά με διάφορους τρόπους. Ο περισσότερο συνηθισμένος βασίζεται στην ικα-

1. Παράδειγμα θραύσματος με απομονωμένες επιφάνειες θραυστής



νότιτα του ανθρώπινου εγκεφάλου να συνδύονται σχήματα, να αναγνωρίζει και να απομονώνει διαφορετικές επιφανεις ενός θραύσματος (εικ. 1), όπως και να αξιολογεί μια σειρά από κριτήρια που έχουν να κάνουν με την εμφάνιση και τις ιδιότητες του (π.χ. διακοσμητικά και τεχνολογικά στοιχεία). Η διαδικασία αυτή έχει μελετηθεί παλαιότερα από τους γράφοντες<sup>1</sup>. Η αποτελεσματικότητα αυτής της μεθόδου εξαρτάται από την εμπειρία και την ικανότητα του συντριπτή και από το καταγεγραμμένο υλό - που, όπως προαναφέρθηκε, αποτελεί μέρος μόνο της υπάρχουσας πληροφορίας.

Στη μετέξελιξη της παραπάνω μεθόδου, ορισμένα μόνο κριτήρια της εμφάνισης του θραύσματος χρησιμοποιούνται για την ταύτισή του. Η επιλογή των κριτηρίων αυτών εξαρτάται από το ίδιο το αντικείμενο με βάση την υπάρχουσα αρχαιολογική γνώση (διαστάσεις συγκεκριμένων διακοσμητικών μοτίβων κλπ.). Με αυτόν τον τρόπο η συστηματική καταγραφή των θραυσμάτων γίνεται με βάση μόνο τα κριτήρια που θα χρησιμοποιούνται κατά την επεξεργασία, ενισχύοντας την αντικειμενικότητα των αποτυπώσεων. Υπάρχουν διάφορα παραδείγματα όπου αυτή η μεθόδος έχει αποδεχθεί επιτυχής (αν και χρονοβόρα), όπως η ταύτιση των θραυσμάτων των φωτινοματικών πλακών στα Προπύλαια<sup>2</sup>, και η αναστήλωση του νότιου τείχους του Παρθενώνα<sup>3</sup>.

Το τελεκό στάδιο για τη λύση του προβλήματος της ταύτισης είναι η χειρωνακτική επαλήθευση της θέσης των θραυσμάτων με τη μετακίνηση του ενός στο άλλο και τον έλεγχο του ταιριάσματος των επιφανειών θραύσης, που, όπως προαναφέρθηκε, ανάλογα με το βάρος των θραυσμάτων, μπορεί να είναι μια δυσκολή και χρονοβόρα διαδικασία και μπορεί να θέσει σε κίνδυνο την ακεραιότητα του αντικειμένου.

Συμπεραίνουμε, επομένως, ότι η παραδοσιακή μεθόδολογία είναι πρακτική, σταν προκειται για μικρά αντικείμενα σπασμένα σε λίγα κομμάτια που εύκολα μπορούν να μετακινθούν ώστε να συγκριθούν οι επιφάνειες θραύσης τους. Σε περιπτώσεις βαρών αντικειμένων τετοίων μετακινήσεις απαιτούν κόπο και χρόνο, συνεπώς μια νέα μεθόδος για την αυτόματη επιλογή θραυσμάτων που ταυτίζονται (χωρίς τη μετακίνησή τους) είναι χρηστική. Στη συνέχεια θα αναφέρθουμε στη χρήση ηλεκτρονικών υπολογιστών, οι οποία έχει προταθεί στο παρελθόν, για την παραγωγή μιας μεθόδου γι' αυτόν το σκοπό.

### Παλαιότερες προσπάθειες για την ταύτιση θραυσμάτων με τη βοήθεια Η/Υ

Μέσα σε ένα τρισδιάστατο εικονικό περιβάλλον μπορεί να υπάρξουν ψηφιακά αντίγραφα (μοντέλα) σπασμένων αντικειμένων. Στον εικονικό χώρο τα προς ταύτισή του θραυσμάτα δεν έχουν βάρος αλλά και δεν κινδυνεύουν να τραυματιστούν κατά τη μεταφορά τους. Η μετακίνηση ενός κομματιού από το ένα σημείο στο άλλο γίνεται εύκολα και γρήγορα από έναν μόνο χρήστη του υπολογιστή. Ένα τέτοιο περιβάλλον είναι ιδανικό για τη λύση του προβλήματος της ταύτισης, αφού τα αντικείμενα δεν ακολουθούν τους νόμους της φυσικής, αλλά αυτούς που ορίζει ο χρήστης.

### Θραύσματα μηδενικού πάχους

Οι Ίζορικ και Τοροσί<sup>4</sup> ανέπτυξαν μια τεχνική για την εύρεση των ταυτίσεων στον Η/Υ, η οποία οώμας είχε εφαρμογή μόνο στα σπασμένα αντικείμενα με μηδενικό πάχος (εικ. 2), τα οποία οι ίδιοι είχαν κατασκευάσει εικονικά στον υπολογιστή (δεν ήταν δηλαδή ψηφιακά αντίγραφα αληθινών αντικειμένων).

### Ταύτιση τραχύτητας

Προσπάθειες σχετικές με την ταύτιση έχουν γίνει και από γεωλόγους<sup>5</sup>, που κατά τη μελέτη των θραύσματων των βράχων αναζητούν την αρχική θέση των κομματιών με βάση την τραχύτητα της επιφάνειας. Ωστόσο, η τραχύτητα της επιφάνειας μετριέται παραδοσιακά πάνω σε τυχαίες διδάστατες τομές. Στόχος της μέτρησης αυτής είναι να χαρακτηρίσει το είδος μόνο του ιλικού και όχι το σχήμα του συγκεκριμένου θραύσματος. Επομένως, δεν μπορεί να χαρακτηρίσει ενα θραύσμα αρχαιολογικού αντικειμένου.

### Ταύτιση με πολλαπλές δοκιμές

Οι Παπαϊωάνου, Καραμπάστη και Θεοχάρης<sup>6</sup> χρησιμοποιούν τρισδιάστατα μοντέλα για τη λύση του προβλήματος της ταύτισης. Η μεθόδος τους βασίζεται στη δοκιμή όλων των πιθανών λιστών που παλι την ταύτισης και την επιλογή της ιδιαίτερης λύσης. Οι δοκιμές αυτές περιλαμβάνουν τη μετακίνηση και την περιστροφή των θραυσμάτων σε τρεις διαστάσεις ανά συγκεκριμένο διαστήματα και τον έλεγχο καθέ νέας δέστη. Τα βασικά μειονεκτήματα αυτής της μεθόδου είναι ότι ο αριθμός των προσών που πρέπει να γίνουν είναι τεράστιος και αιδενίας γεωμετρικά δύο περισσότερα θραύσματα υπάρχουν στο πάδα, με συνέπεια την αύξηση του χρονού που απαιτείται. Επίσης, με αυτήν τη μεθόδο, δοκιμάζονται περιπτώσεις δευταρών θραυσμάτων, τα οποία είναι εκ των προτέρων γνωστά ότι δεν ταιριάζουν (για παραδειγματικό θραύσματα από διαφορετικά μέρη ενός αντικειμένου).

Ωστόσο, η μεθόδος αυτή είναι εξαιρετικά χρήσιμη στην περίπτωση που δύο θραύσματα, τα οποία πιθανόν ταιριάζουν, είναι ήδη επιλεγέται από ένα σύνολο θραυσμάτων. Εχοντας αυτά τα δύο θραύσματα, η επαλήθευση μπορεί να γίνει για μικρό αριθμό δοκιμών (μεταξύ δύο προετοιμασμένων θραυσμάτων μόνο).

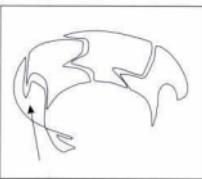
Νώς οώμας μπορεί να γίνει η αρχική επιλογή των κομματιών που πιθανόν να ταιριάζουν μέσα σε μια ομάδα πολλών κομματιών· Μια μεθόδος που αντιμετωπίζει αυτό το πρόβλημα περιγράφεται στη συνέχεια.

### Νέα αντιμετώπιση του προβλήματος

Η μεθόδος που προτείνεται εδώ βασίζεται στης παράχρωσης μελέτες και μεθόδους που έχουν προταθεί στο παρελθόν για την ταύτιση αλλά ταυτόχρονα συνδυάζει την αρχαιολογική γνώση με τις μοντέρνες τεχνικές καταγραφής και μετρητής τραχύτητας επιφάνειας.

### Καταγραφή θραυσμάτων

Για την καταγραφή των θραυσμάτων απαιτείται η χρήση τρισδιάστατων συντεταγμένων της επι-



2. Παράδειγμα αντικειμένων μηδενικού πάχους, με τα οποία δουλέψαν οι Ίζορικ και Τοροσί.

φάνειάς τους, οι οποίες λαμβάνονται σε μεγάλη πυκνότητα και ακρίβεια από τρισδιάστατο σαρωτή λέιζερ (εικ. 3). Η λεπτουργία του σαρωτή βασίζεται στην αρχή της φωτογραφίας όπου ένα αντικείμενο φωτογραφίζεται από δύο διαφορετικές γωνίες και οι συντεταγμένες των σημείων στην επιφάνειά του μετρώνται στερεομετρικά (ο Besl αναφέρει περισσότερες πληροφορίες για τους τρισδιάστατους σαρωτές<sup>7</sup>). Επίσης, σε ειδικές περιπτώσεις εξαιρετικά μεγάλων αντικειμένων, όπως τημῆματα προσώπων κτιρίων κ.λπ., ή όπου η πυκνότητα και η ακρίβεια ίσως να μην είναι σημαντικοί παραγόντες, συμβατικές μέθοδοι ψηφιακής φωτογραφίας μπορούν να χρησιμοποιηθούν για τον ίδιο σκοπό. Τα προτερημάτα και μειονεκτήματα της κάθε μέθοδου καταγράφης (τρισδιάστατος σαρωτής – ψηφιακή φωτογραφία) ανάλογα με το αντικείμενο έχουν μελετηθεί στο παρελθόν από τους γράφοντες<sup>8</sup>.

Ο δύο μέθοδοι καταγραφής που αναφέρθηκαν παράγουν τρισδιάστατες συντεταγμένες σημείων που με κατάλληλη επεξεργασία μετατρέπονται σε γεωτονικές τριγωνικές επιφάνειες («τρίγωνα») ανακατασκευάζοντας τη συνολική επιφάνεια του πραγματικού αντικειμένου στον υπολογιστή (εικ. 5, 6, 7).

### Κατάτμηση του μοντέλου

Όπως αναφέρθηκε προηγουμένως, μία από τις αυτομάτες λειτουργίες του γεγκάδου στο πρόβλημα της ταυτίσης είναι η απομόνωση των επιφάνειων θραύστων των κομματιών από τις επιφάνειες που έχει κατεργαστεί ο λιθόδοξος. Αυτή η διαδικασία είναι τις περισσότερες φορές στοχειώδης για τον ανθρώπινο εγκέφαλο. Ωστόσο, αποδεικνύεται πολύτολη για τον ηλεκτρονικό υπολογιστή. Η διαδικασία ονομάζεται «κατάτμηση» των μοντέλων και περιγράφεται σχήματικά στην εικόνα 1. Η κατάτμηση των μοντέλων επιτυγχάνεται με τη στατιστική ανάλυση των συντεταγμένων των σημείων της επιφάνειας και που συγκεκριμένα με την ανάλυση του προσανατολισμού των κάθε τριγώνου σε σχέση με τα διπλανά του<sup>9</sup>.

Σε αυτό το σημείο τα μοντέλα των θραυσμάτων έχουν κατατμηθεί στις επιφάνειες θραύσης και στις επιφάνειες της κατεργασίας από τον λιθόδοξο. Τις περισσότερες φορές, ο υπολογιστής μπορεί αυτόματα να διακρίνει ποιες από τις επιφάνειες είναι θραύστες και ποιες όχι (με εξαίρεση λαξεύμένες επιφάνειες με πολύτολη διακόσμηση). Η ομαδοποίηση των επιφανειών γίνεται από τη μελέτη της τοπογραφίας της επιφανειάς:



3. Παράδειγμα σάρωσης αρχαιολογικού αντικειμένου από τρισδιάστατο σαρωτή λέιζερ στα Προπύλαια.

Η τοπογραφία χαρακτηρίζεται με βάση τις τιμές ανιστροτροπίας και διασποράς των προσανατολισμών των τριγώνων. Η περιγραφή της διαδικασίας υπολογισμού των παραμέτρων αυτών δεν είναι σκόπιμο να γίνει στο άρθρο αυτό<sup>10</sup>, ωστόσο αξίζει να αναφέρθει τι χαρακτηρίζουν αυτές οι παραμέτροι:

α) Η ανιστροτροπία δείχνει αν τα τριγώνα τείνουν να έχουν προσανατολισμό προς μια συγκριμένη διεύθυνση.

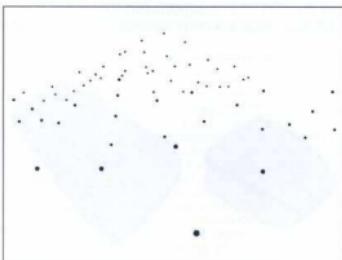
β) Η διασπορά δείχνει το βαθμό της απόκλισης της προσανατολισμού των τριγώνων από κάποιες επικρατούσες μέσες τιμές.

Οι επιφάνειες θραύσης έχουν συνήθως μέση ανιστροτροπία και μεγάλη διασπορά, ενώ οι λαξεύμενές επιφάνειες έχουν συνήθως μικρή ανιστροτροπία και μικρή διασπορά (όντας συνήθως επίπεδες).

Άρα η κατάτμηση του μοντέλου σε Εχωριστές πλευρές και ο χαρακτηρισμός των πλευρών είτε ως λαξεύμενές επιφάνειες είτε ως επιφάνειες θραύσης γίνεται με βάση τους παράγοντες ανιστροτροπίας και διασποράς των προσανατολισμών των τριγωνικών επιφάνειών. Στη συνέχεια, κριτήρια που βοηθούν στην ταυτίση αναζητώνται σε κάθε επιφάνεια του κατατμημένου μοντέλου κατά το χαρακτηρισμό της.

### Χαρακτηρισμός λαξευμένων επιφανειών

Οι λαξευμένες επιφάνειες του παραπάνω μοντέλου περιέχουν πληροφορίες σχετικά με την κατα-

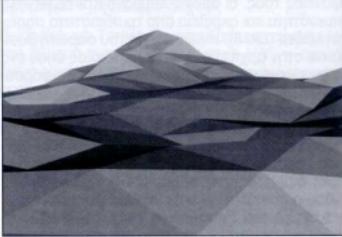
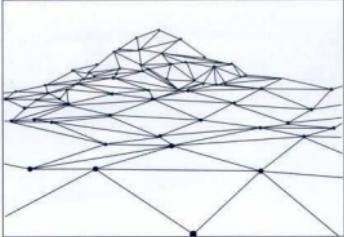


4. Αρχή λεπτουργίας του τρισδιάστατου σαρωτή λέιζερ.

5. Οι τρισδιάστατες συντεταγμένες όπως συλλέγονται από τον σαρωτή.

6. Οι συντεταγμένες όπως συνδυάνονται σε τρίγωνες επιφάνειες.

7. Η τελική επιφάνεια που χαρακτηρίζει την πραγματική επιφάνεια του αντικειμένου.



σκευή και την τεχνολογία του αντικειμένου στο οποίο ανήκει το θράύσμα. Τέτοιες πληροφορίες βαθύθυμον στο ταυτότητα το θράύσμα με βάση την υπάρχουσα αρχαιολογική γνώση. Για παράδειγμα, η υπαρξη διακοσμητικών σταγόνων σε ένα θράύσμα δύνησον στο συμπέρασμα ότι από μπορεί να προέρχεται από κάποιο γείσο. Η συλλογή παρόμοιων πληροφοριών από κάθε λαξευμένη επιφάνεια είναι δυνατόν να γίνει με την επισκόπηση των μοντέλων στην οθόνη του υπολογιστή.

Η συστηματική καταγραφή των πληροφοριών σε μια εξερδικευμένη βάση δεδομένων<sup>11</sup> μπορεί να οδηγήσει στη μείωση των πιθανών συνδιασμών που χρειάζεται να δοκιμαστούν για να βρεθεί ποια θράύσματα ταιριάζουν. Έτσι, στην περιπτωση του γείσου, όλα τα θράύσματα που α) φέρουν τις χαρακτηριστικές σταγόνες και ταινίες στη μια πλευρά τους, β) είναι επιπέδα στην ακριβώς απένanti πλευρά και γ) έχουν αναθυρώσεις χαρακτηριστικού σχήματος στις πλαίσιες πλευρές τους, ομοδοτούνται. Προφανώς θράύσματα που φέρουν μέρος της διακόσμησης δεν ταιριάζουν με θράύσματα που φέρουν το ίδιο κομμάτι της διακόσμησης, αλλά αποτελούν έχογραστά αντικείμενα. Με μια σειρά παρόμοιων λογικών επιλογών που μπορούν να προκαθορίσουν μέσα στη βάση δεδομένων και να εκτελεστούν στηγματικά και αυτόμata, τα πιθανά ζευγάρια θραύσματων που ταιριάζουν μελώνονται σημαντικά.

Πώς όμως μπορούμε να επιλέξουμε δύο μόνο να από αυτά τα θράύσματα ως τα περισσότερο πιθανά να ταιριάζουν: Αυτό γίνεται με τη στατιστική ανάλυση της τοπογραφίας των επιφανειών θράυσης.

#### Χαρακτηρισμός επιφανειών θράυσης

Ο ανθρώπινος εγκέφαλος μπορεί να αναγνωρίσει αυτόμata αν δύο επιφανειες ταιριάζουν ή όχι (αν δηλαδή τα θράύσματα συγκολλώνται ή όχι). Ωστόσο, όπως και στην κατάτμηση, η μεταφορά

της διαδικασίας αυτής στον υπολογιστή είναι πολύπλοκη. Ο υπολογιστής πρέπει να συγκρίνει τις τοπογραφίες των υποψήφιων επιφανειών θράυσης και να επιλέξει αυτές που είναι συμπληρωματικές. Η σύγκριση των επιφανειών γίνεται με βάση τις παραμέτρους της ανισότητας και διασποράς (που χρησιμοποιήθηκαν και στην ομαδοποίηση των επιφανειών σε λαξευμένες ή σε επιφανειες θράυσης). Επίσης, μια νέα παραμέτρος είναι το εμβαδόν της επιφάνειας.

Οι τρεις παραμέτροι υπολογίζονται για όλες τις επιφανειες θράυσης και αποδίδουν μια συγκεκριμένη αριθμητική ταυτότητα για καθεμιά από αυτές. Η αριθμητική αυτή ταυτότητα δενχίνει την τοπογραφία της επιφάνειας, και μπορεί να χρησιμοποιηθεί για την εύρεση επιφανειών (και θραύσματά) που ταιριάζουν. Από το προηγούμενο στάδιο της διαδικασίας τα κομμάτια που υπάρχει πιθανότητα να συγκολλώνται έχουν επιλεχθεί με βάση τη διακόσμηση τους. Δυο επιφάνειες θράυσης από τα επιλεγμένα κομμάτια, που έχουν κοντινές τιμές στις αριθμητικές τους ταυτότητες, είναι πιθανόν να συγκολλώνται και άρα ο έλεγχος για τα ταιριασμάτα τους αδέιται να γίνει (εικ. 8). Αντίθετα, δύο επιφανειες θράυσης που έχουν μακρινές αριθμητικές ταυτότητες δεν ταιριάζουν και άρα δεν αδέιται να δοκιμαστούν.

Η σύγκριση των αριθμητικών ταυτότητων μπορεί να γίνει πάλι με τη χρήση μιας εξερδικευμένης βάσης δεδομένων, σχεδόν οπιγματική και αυτόμata. Ετσι οι πιθανοί συνδυασμοί θραύσματων που πρέπει να εξεταστούν (είτε με τη διαδικασία που περιγράφουν οι Παπαϊάνου, Καραμάση και Θεοχάρης<sup>12</sup>, είτε με τον παραδοσιακό χειρωνακτικό τρόπο) ελαχιστοποιούνται, μειώνοντας σημαντικά το χρόνο που απαιτείται για την ταυτίση.

#### Πλεονεκτήματα της νέας μεθόδου

Τα πλεονεκτήματα που προσφέρει η νέα μέθοδος είναι τα εξής:

α) Οι σύγχρονες μέθοδοι καταγραφής που χρησιμοποιούνται προσφέρουν ακριβείς τρισδιάστατες μετρήσεις των αντικειμένων.

β) Οι μετρήσεις αυτές μπορούν να χρησιμοποιηθούν για τη λύση του προβλήματος της ταυτότητας, ενώ επιτρέπουν την εύκολη επισκόπηση ογκώδων θραύσματων στην οθόνη του υπολογιστή.

γ) Η μαθηματική ανάλυση οδηγεί στον υπολογισμό αριθμητικών παραμέτρων που χαρακτηρίζουν μια σπασμένη επιφάνεια. Η σύγκριση αριθμητικών παραμέτρων στον υπολογιστή με σκοπό την ταυτίση είναι ταχύτατη.



8. Παράδειγμα επιφανειών θράυσης που έχουν παρόμοιες αριθμητικές ταυτότητες.

δ) Η χρήση των ψηφιακών μοντέλων μας δίνει τη διανοτητά να ελέγχουμε αν δύο επιφάνειες ταιριάζουν.

ε) Η συνολική διαδικασία της ταύτισης δεν απαιτεί εργασία πάνω στα αντικείμενα (πάρα μόνο κατά την καταγραφή τους), αλλά πάνω στα ψηφιακά αντίγραφά τους, αλλά πάνω στα ψηφιακά αντίγραφά τους, με αποτέλεσμα η μετακίνηση των ογκών κομματιών να περιορίζεται στο ελάχιστο.

## Εφαρμογή της μεθόδου σε πραγματικά αντικείμενα και συμπεράσματα

Η εφαρμογή της μεθόδου αυτής έγινε στο πλαίσιο διδακτορικού προγράμματος σε μαρμάρινα θραύσματα από τα Προπύλαια της Ακρόπολης και σε κεραμικά θραύσματα από την ανασκαφή της αρχαϊκής Μεσσητίης.

Η κατάτμηση των μοντέλων αξιολογήθηκε με βάση τη συμφωνία των αποτελεσμάτων από την κατάτμηση όπως ολοκληρώθηκε από τον υπολογιστή, και την κατάτμηση όπως θα την ολοκλήρωσαν κάποιοι συντηρητής χειρωνακτικά. Η κατάτμηση έγινε επιτυχώς, με ελάχιστες εξαρέσεις ανώμαλων θραύσμενων που παρουσιάζουν δυσκολία ακόμα και για τον συντηρητή που έτρεπε να αποφασίσει αν πρόκειται για μία ή δύο πλευρές θραύσης, μια και αυτό δεν ήταν προφανές.

Η ομαδοποίηση των επιφανειών σε θραύσεις και σε λαξεύμενες επιφανείες έγινε με επιτυχία, πάλι με ελάχιστες εξαρέσεις όπου μια λαξεύμενη επιφάνεια έφερε πολύπλοκη διακόσμηση ή μια θραύση ήταν τόσο λεία και επιπλέον λόγω του υλικού και της φθώρας που έμισχαν με λαξεύμενη επιφάνεια.

Σέ όλες τις περιπτώσεις η ταύτιση των θραύσμάτων ήταν επιτυχής. Παραπρήθηκε ωστόσο ότι η χαρακτηρισμός μιας θραύσης εξαρτάται από την ποιότητα του μοντέλου. Εποιητικός μεγάλος αριθμός τριγώνων σε ένα μοντέλο περιγράφει ακόμα και τη μικρή κλίμακα τραχύτητας της μεθόδου. Η τραχύτητα σε μικρή κλίμακα, ωστόσο, δεν περιγράφει την τοπογραφία της επιφάνειας αλλά την ποιότητα του υλικού. Σύντοτα, προκειμένου να συγκρίθουν οι επιφάνειες με βάση την τοπογραφία τους, τα μοντέλα πρέπει να απαλλαγούν από τη μικρή κλίμακα τραχύτητας με κατάλληλη φίλτρα που είναι ευρέως διαδεδομένα στην επεξεργασία τρισδιάστατων μοντέλων.

Φάνεται λοιπόν ότι ο συνδυασμός κριτηρίων για τη διακοσμητική και την τεχνολογία του αντικείμενου με τη μαθηματική ανάλυση της τοπογραφίας της επιφάνειας θραύσης, περιορίζει τον αριθμό των συνδυασμών κομματιών που μπορεί ταιριάζουν, διευκολύνοντας έτσι τη λύση του προβλήματος της ταύτισης. Η διαδικασία αυτή γίνεται εξ ολοκλήρου στον υπολογιστή και δεν απαιτείται κανένας χειρισμός του αντικείμενου πάρα μόνο για την καταγραφή του.

## Μελλοντική έρευνα

Αν και τα αποτελέσματα της έρευνας με τα διαθέσιμα μοντέλα ήταν θετικά, προκειμένου να αξιολογηθεί πλήρως η μεθόδος αυτή απαιτείται η δοκιμή της σε μεγαλύτερο αριθμό θραύσματων.

Επίσης, το πρόβλημα της ταύτισης, όπως πα-

ρουιστάζεται εδώ, περιορίζεται μόνο στις περιπτώσεις που δύο επιφάνειες ταιριάζουν σε μεγάλο ποσόστω (εν μέρει αυτό κρίνεται από τον παραγόντα του εμβαδού). Αν, ωστόσο, μια επιφάνεια θραύσης ταιριάζει με δύο άλλες επιφάνειες (σε περιπτώσεις δηλαδή που η θραύση σχηματίζει T), τότε η μεθόδος αυτή χρειάζεται να επεκταθεί προκειμένου να τις καλυψει.

## Σημειώσεις

Οι συγγραφείς θα ήθελαν να ευχαριστήσουν τον καθηγητή κύριο Πέτρο Θεμέλη και την Επιτροπή Συντήρησης Μνημείων Ακρόπολης και ιδιαιτέρω την κυρία Μαρία Ιωαννίδη για τη βοήθεια τους καθώς όλη τη δάρκευσαν αυτής της έρευνας.

1. A. Velios, A. Cummings, «Digital Weightlifting and the Conservation of Large, Heavy Objects», *V&A Conservation Journal* (Spring 2001), σ. 10-13.
2. T. Τανούλας, M. Ιωαννίδης, A. Μυράτου, Μελέτη για την Αποκατάσταση των Προπυλαίων, 1, ΥΠΠΟ, Επιτροπή Συντήρησης Μνημείων Ακρόπολης, Αθήνα 1994.
3. N. Τογανίδης, Μελέτη για την Αποκατάσταση των Παρθενώνων, 5, ΥΠΠΟ, Επιτροπή Συντήρησης Μνημείων Ακρόπολης, Αθήνα 1994.
4. G. Uçoluk, H. Toroslu, «Automatic Reconstruction of Broken 3D Surface Objects» (Department of Computer Engineering, Middle East Technical University, Ankara 1999), το άρθρο στάλθηκε κατεύθυνσης από τους συγγραφείς.
5. J. Zhao, «Joint Surface Matching and Shear Strength», Part A: *Joint Matching Coefficient (JMC)*, και Part B: *JRC-JMC Shear Strength Criterion*, *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences & Geomechanics Abstracts* 2/34 (1997), σ. 173 και 179.
6. G. Papaioannou, E.A. Karabassi, T. Theoharis, «Virtual Archaeologist: Assembling the Past», *IEEE Computer Graphics and Applications* (Μάρτιος-Απρίλιος 2001), σ. 53-59.
7. P. Besl, «Active Optical Imaging Sensors», *Machine Vision and Applications* (1988), σ. 127-152.
8. A. Velios, J. Harrison, «Digital Photogrammetry and 3D Laser Scanning: A Comparison on Quality and Practicality», *CAA 2001, Computer Applications in Archaeology*, Gotland 2001.
9. Ανακριτική αριθμητικής της Μαργαριτινής απόδοσης και της Ριμεντούσας γουαρέρα στο A. Velios, *Virtual Conservation: The Reconstruction of a Fragmented Object With the Aid of Three-Dimensional Computer Models*, PhD Thesis, Royal College of Art, London 2002.
10. Για μελλοντική περιεργασία της διαδικασίας, στο ίδιο.
11. Βλ. για παραδείγμα, στο ίδιο, κεφ. 7.
12. Papaioannou, Karabassi, Theoharis, ο.π.

## Traditional and Modern Methods for Solving the Problem of Fragmentation

Athanassios Velios - Alan Cummings - John Harrison

By the term «fragmentation» we mean the identification of the original position of a fragment in relation to the object or building to which it belongs, as well as the selection of the adjacent fragments in order to be put together to a unit.

The fragmentation is traditionally approached on the basis of the ability of the human brain to combine fractured surfaces and characteristic decorative elements. The traditional techniques, however, are time consuming and require special equipment, if, in particular, the relevant objects are bulky or heavy.

Some scholars have proposed the use of computers for solving the problem of fragmentation, however, a practical solution applicable to a wide variety of objects has not been set forth as yet.

The methodology proposed here is based on the creation of three-dimensional digital models of fragments and their analysis on the principles of Riemannian geometry and Mahalanobis distance. These models are segmented in fractured and decorative surfaces. The data concerning the object derive from decoration and from the available archaeological knowledge, while the fractured surfaces are numerically characterised and identified on the basis of their topography.

The combination of the aforementioned parameters decreases the possible associations of fragments considerably and contributes to the faster solution of fragmentation, without endangering, at the same time, the actual objects.

## Βιβλιογραφία

- BESL P., «Active, Optical Imaging Sensors», *Machine Vision and Applications* 1 (1988), σ. 127-152.  
PAPAIOANNOU G., KARABASSI E.A., THEOHARIS T., «Virtual Archaeologist: Assembling the Past», *IEEE Computer Graphics and Applications* (Μάρτιος-Απρίλιος 2001), σ. 53-59.  
ΤΑΝΟΥΛΑΣ Τ., ΙΩΑΝΝΙΔΟΣ Μ., ΜΟΡΑΙΤΟΥ Α., Μελέτη για την Αποκατάσταση των Προπυλαίων, 1, ΥΠΠΟ, Επιτροπή Συντήρησης Μνημείων Ακρόπολης, Αθήνα 1994.  
ΤΟΓΑΝΙΔΗΣ Ν., Μελέτη για την Αποκατάσταση των Παρθενώνων, 5, ΥΠΠΟ, Επιτροπή Συντήρησης Μνημείων Ακρόπολης, Αθήνα 1994.  
VELIOS A., HARRISON J., «Digital Photogrammetry and 3D Laser Scanning: A Comparison on Quality and Practicality», *CAA 2001, Computer Applications in Archaeology*, Gotland 2001.
10. Για μελλοντική περιεργασία της διαδικασίας, στο ίδιο.
11. Βλ. για παραδείγμα, στο ίδιο, κεφ. 7.
12. Papaioannou, Karabassi, Theoharis, ο.π.
- VELIOS A., Virtual Conservation: *The Reconstruction of a Fragmented Object With the Aid of Three-Dimensional Computer Models*, PhD Thesis, Royal College of Art, London 2002.
- VELIOS A., CUMMINGS A., «Digital Weightlifting and the Conservation of Large, Heavy Objects», *V&A Conservation Journal* (Spring 2001), σ. 10-13.
- ZHAO J., «Joint Surface Matching and Shear Strength», Part A: *Joint Matching Coefficient (JMC)*, *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences & Geomechanics Abstracts* 2/34 (1997), σ. 173-179.
- ZHAO J., «Joint Surface Matching and Shear Strength», Part B: *JRC-JMC Shear Strength Criterion*, *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences & Geomechanics Abstracts* 2/34 (1997), σ. 179.